УДК 681.5

## Выбор кинематической структуры и исследование древовидного исполнительного механизма «Робота — собаки»

### А.К. Ковальчук

Приведен обзор кинематических структур исполнительных механизмов некоторых образцов четырехногих шагающих роботов. В качестве биологического прототипа при их выборе рекомендуется использовать скелет собаки. Предложена кинематическая структура, соответствующий ей граф достижимости и уравнения динамики древовидного исполнительного механизма «Робота — собаки».

Составлена программа моделирования и получены численные значения элементов матриц  $A(q), B(q, \dot{q}), C(q), H(q),$  входящих в уравнение динамики, а также значения моментов и мощностей в степенях подвижности робота.

Ключевые слова: шагающий робот, древовидный исполнительный механизм, уравнение динамики робота.

A review of kinematic structures of the executive mechanisms of some four-legged walking robots samples has been carried out. When choosing them it is recommended to use a skeleton of a dog as a biological prototype. The article proposes a kinematic structure, a corresponding reachability graph and dynamic equations of the «Robot – dog» tree-like actuator.

The simulation program has been compiled and numerical values of matrix elements A(q),  $B(q,\dot{q})$ , C(q), H(q), in the equation of dynamics, as well as the values of the moments and powers in the degree of mobility of the robot has been obtained.

**Keywords**: walking robot, tree-like actuator, dynamic equation of robot.

В последнее время при создании роботов специального назначения ученые всего мира стали уделять большое внимание шагающим роботам.

Отсутствие сплошной колеи при их движении, высокая проходимость в сложных рельефных условиях делают их незаменимыми при выполнении аварийно-спасательных и других специальных работ.

Одной из многочисленных задач, возникающих при разработке таких роботов, является выбор и обоснование их кинематических структур (КС).

Существующие ныне КС шагающих роботов отличаются достаточной геометрической простотой [1-3], что обусловлено фактически «ручным» выбором КС робота, исходя из выполняемых им рабочих операций и логических соображений разработчика.





КОВАЛЬЧУК Александр Кондратьевич кандидат технических наук, доцент, директор МИПК (МГТУ им. Н.Э. Баумана)

## Известия высших учебных заведений

Примером шагающего робота с упрощенной КС является Big Dog (рис. 1) [4]. Big Dog — четырехногий робот с адаптивным управлением, созданный фирмой Boston Dynamics совместно с Faster — Miller (Лабораторией реактивного движения (NASA)) и Harvara University Concord Field Station.

Проект Big Dog финансируется Defense Advanced Research Projects Aqency (DARPA — Агентство передовых оборонных исследовательских проектов США). Робот может переносить снаряжение и помогать солдатам на территории, где не может передвигаться обычный транспорт. В ногах робота установлено большое количество разнообразных сенсоров. Робот имеет лазерный гироскоп и систему бинокулярного зрения.

Длина робота Big Dog — 0,91 м, высота — 0,76 м, масса — 110 кг. Он способен передвигаться по труднопроходимой местности со скоростью 6,4 км/ч, перевозить 154 кг груза и подниматься на 35-градусную наклонную плоскость. Его передвижение, равновесие и навигацию контролирует бортовая компьютерная система, которая получает данные от различных сенсоров.

В первых версиях Big Dog приводился в движение двухтактным одноцилиндровым двигателем со скоростью вращения 9000 об/мин, из-за чего был слышен громкий звук мотора. В последующих версиях робота этот демаскирующий недостаток был исправлен. Мотор служит приводом для гидронасоса, который в свою очередь питает гидродвигатели ног. В каждой из ног установлено по четыре гидродвигателя (два для бедренного сустава и по одному для коленного и голеностопного суставов). Каждый из гидродвигателей состоит из гидроцилиндра, сервоклапана, а также датчиков положения и усилия. Робот обладает хорошей устойчивостью: во время испытаний он не падал при ходьбе по льду и при сильных толчках.

Бортовой компьютер робота представляет собой упрощенный вариант платформы PC/104 с процессором класса Pentium под управлением OC QNX.

Дальнейшим продолжением работ фирмы Boston Dynamics по созданию шагающих робо-



Рис. 1. Робот Bid Dog фирмы Boston Dynamics

тов является робот Gheetah (Гепард) (рис. 2) [5]. Работы финансируются DARPA. Биологическим прототипом данного робота является гепард — одно из самых быстрых животных планеты.

В отличие от пока неизвестной области применения, требования к роботу вполне конкретны. Так, «Гепард» должен иметь четыре ноги; гибкий позвоночник; поворачивающиеся шею и голову, а также, возможно, хвост. Робот также должен разумно реагировать на происходящее вокруг. И, конечно, «Гепард» просто обязан очень быстро передвигаться — со скоростью до 110 км/ч. «Гепард» должен быть сконструирован таким образом, чтобы он мог делать крутые повороты, двигаться зигзагом в погоне или бегстве, быстро ускоряться и останавливаться.



Рис. 2. Трехмерная модель робота «Гепард»

Прототип робота «Гепард», способный развивать скорость от 30 до 50 км/ч, должен быть представлен в ближайшее время.

Информация о создании четырехногих шагающих роботов носит, в основном, описательный характер. Это обстоятельство настоятельно требует проведения дополнительных исследований, в том числе и в области создания исполнительных механизмов шагающих роботов, имеющих древовидную структуру.

# Выбор биологического прототипа шагающего робота

В качестве биологического прототипа четырехногого шагающего робота выберем собаку — одно из первых животных, прирученных человеком. Интерес к собакам, как к прототипу конструкции робота, не случаен. Кинематическая схема (скелет) собаки отточена тысячелетиями естественного отбора и отлично подходит для быстрого передвижения. У всех пород собак на каждой лапе четыре опорных пальца с когтями, которые, в отличие от кошачьих, не втягиваются. На передней лапе с внутренней стороны находится пятый палец, называемый прибылым. У некоторых пород он расположен так высоко на лапе, что совершенно бесполезен, у других растет ниже и хорошо развит.

Невтягивающиеся когти непригодны для ближнего боя (как, например, у кошек), однако обеспечивают собакам хорошее сцепление с опорной поверхностью. Эта особенность в сочетании с сильно развитыми скакательными суставами задних ног обеспечивает мощное отталкивание собаки от поверхности и, как следствие, быстрый разгон и высокую скорость передвижения.

За биологический прототип «Робота-собаки» возьмем немецкую овчарку, которая отличается высоким интеллектом. Это обуславливает ее использование в различных областях деятельности (в качестве поводырей для слепых, для обнаружения взрывчатки и наркотиков, для спасения людей и пр.). Изображение скелета немецкой овчарки представлено на рис. 3. Кинематическая схема, отражающая основные сочленения скелета собаки и имеющая 89 степеней подвижности, приведена на рис. 4.



Рис. 3. Скелет немецкой овчарки



Рис. 4. Кинематическая схема «Робота-собаки»

Направленный граф достижимости звеньев исполнительного механизма, соответствующий

такой кинематической схеме, представлен на рис. 5.



Рис. 5. Направленный граф достижимости звеньев исполнительного механизма «Робота-собаки»

Сложность представленной кинематической схемы затрудняет последующий расчет и анализ уравнений динамики, ввиду большой размерности матриц, входящих в эти уравнения. Однако, необходимо отметить, что предложенная ранее и используемая в этой статье методика математического описания кинематики и динамики исполнительных механизмов роботов с древовидными кинематическими структурами позволяет исследовать такие структуры любой сложности [6, 7].

Рассмотрим упрощенную кинематическую схему механизма «Робота-собаки», имеющую 22 степени подвижности (включая 6 фиктивных) и представленную на рис. 6. Данной кинематической схеме соответствует направленный граф достижимости, приведенный на рис. 7.



Рис. 6. Упрощенная кинематическая схема механизма «Робота-собаки»



Рис. 7. Направленный граф достижимости упрощенной кинематической схемы механизма «Робота-собаки»

#### Уравнения динамики древовидного исполнительного механизма «Робота-собаки»

В соответствии с предложенной выше методикой [6—8] уравнения динамики исполнительного механизма «Робота-собаки» относительно обобщенных координат записываются в блочно-матричном виде:

$$A(q)\ddot{q} + B(q,\dot{q}) - C(q)f_{\rm B}^{0} - H(q)n_{\rm B}^{0} = \tau, \quad (1)$$

где  $\ddot{q}$  — вектор обобщенных координат исполнительного механизма;  $\tau$  — вектор сил и моментов, развиваемых приводами робота;  $f_{\rm B}^0, n_{\rm B}^0$  — блочные матрицы внешних сил и моментов, приложенных к звеньям со стороны окружающей среды;

 $A(q), B(q, \dot{q}), C(q)$  и H(q) — матричные коэффициенты, которые вычисляются в соответствии с приведенными ниже зависимостями: 
$$\begin{split} &A(q) = \sigma({}^{0}z^{d})^{\mathrm{T}} \left(-(\Lambda({}^{0}c_{fD}))^{\mathrm{T}} m^{d} (D{}^{0}z^{d} (E-\sigma) + \\ &+\Lambda^{\mathrm{T}} ({}^{0}c_{fD}){}^{0}z^{d} \sigma) + D^{\mathrm{T}}{}^{0}J^{d} D{}^{0}z^{d} \sigma) + \\ &+(E-\sigma)({}^{0}z^{d})^{\mathrm{T}} D^{\mathrm{T}} m^{d} (D{}^{0}z^{d} (E-\sigma) + \\ &+\Lambda^{\mathrm{T}} ({}^{0}c_{fD}){}^{0}z^{d} \sigma); \\ &B(q,\dot{q}) = \sigma({}^{0}z^{d})^{\mathrm{T}} \{-(\Lambda({}^{0}c_{fD}))^{\mathrm{T}} m^{d} [\Lambda^{\mathrm{T}} ({}^{0}c_{fD})\Lambda^{\mathrm{T}} \times \\ &\times ({}^{0}z^{d} \sigma \dot{q}^{d}) (D-E) + \Lambda^{\mathrm{T}} (\Lambda^{\mathrm{T}} ({}^{0}c_{fD}) \sigma \dot{q}^{d} {}^{0}z^{d} D + \\ &+\Lambda^{\mathrm{T}} ({}^{0}c_{fD}) ((D-E)\sigma {}^{0}z^{d} \dot{q})^{d} ) + 2D\Lambda^{\mathrm{T}} ({}^{0}z^{d} (E- \\ &-\sigma)\dot{q}^{d} ) (D-E)] + D^{\mathrm{T}} {}^{0}J_{c}^{d} D\sigma \dot{q}^{d} \Lambda^{\mathrm{T}} ({}^{0}z^{d}) \times \\ &\times (D-E) + D^{\mathrm{T}} \Lambda (D{}^{0}z^{d} \sigma \dot{q})^{d-0}J_{c}^{d} D{}^{0}z^{d} \sigma \dot{q} + \\ &+ (E-\sigma)({}^{0}z^{d})^{\mathrm{T}} D^{\mathrm{T}} m^{d} [\Lambda^{\mathrm{T}} ({}^{0}c_{fD}) \Lambda^{\mathrm{T}} ({}^{0}z^{d} \sigma \dot{q}^{d}) \times \\ &\times (D-E) + 2D\Lambda^{\mathrm{T}} ({}^{0}z^{d} (E-\sigma) \dot{q}^{d}) (D-E) + \\ &+\Lambda^{\mathrm{T}} (\Lambda^{\mathrm{T}} ({}^{0}c_{fD}) \sigma \dot{q}^{d-0} z^{d} D + \Lambda^{\mathrm{T}} ({}^{0}c_{fD}) ((D-E) \times \\ &\times \sigma {}^{0}z^{d} \dot{q})^{d} )] {}^{0}z^{d} \sigma \dot{q}; \end{split}$$

Окончание табл. 1

$$C(q) = \sigma({}^{0}z^{d})^{\mathrm{T}} ((D^{\mathrm{T}} - E)\Lambda({}^{0}s^{d})D^{\mathrm{T}} + D^{\mathrm{T}}\Lambda({}^{0}t^{d})) + (E - \sigma)({}^{0}z^{d})^{\mathrm{T}}D^{\mathrm{T}};$$
$$H(q) = \sigma({}^{0}z^{d})^{\mathrm{T}}D^{\mathrm{T}}.$$

Приведем описание некоторых параметров механизма, представленных в блочно-матричном виде.

Матрица *z*, определяющая направление осей вращения (или поступательного движения) связанных систем координат ИМ и их взаимное расположение, имеет вид

$${}^{0}z = ({}^{0}z_{1}, {}^{0}z_{2}, {}^{0}z_{3}, {}^{0}z_{4}, {}^{0}z_{5}, {}^{0}z_{6,1}, {}^{0}z_{7}, {}^{0}z_{8}, {}^{0}z_{9},$$
  
$${}^{0}z_{10}, {}^{0}z_{6,2}, {}^{0}z_{11}, {}^{0}z_{12}, {}^{0}z_{13}, {}^{0}z_{14}, {}^{0}z_{6,3}, {}^{0}z_{15}, {}^{0}z_{16},$$
  
$${}^{0}z_{17}, {}^{0}z_{18}, {}^{0}z_{6,4}, {}^{0}z_{19}, {}^{0}z_{20}, {}^{0}z_{21}, {}^{0}z_{22})^{\mathsf{T}}.$$

Матрица  $\sigma^{d} = \text{diag}(\sigma_{1}, \sigma_{2}, ..., \sigma_{N})$  коэффициентов, определяющих тип сочленений звеньев ИМ, является единичной матрицей.

 $m = (m_1, m_2, ..., m_N)^{T}$  — матрица масс звеньев ИМ робота;

 $J_{C} = (J_{C_{1}}, J_{C_{2}}, ..., J_{C_{N}})^{\mathrm{T}}$  — блочная матрица тензоров инерции звеньев;

 ${}^{0}t^{\hat{d}} = \operatorname{diag}({}^{0}\bar{t}_{1}^{\mathsf{T}}, {}^{0}\bar{t}_{2}^{\mathsf{T}}, ..., {}^{0}\bar{t}_{N}^{\mathsf{T}})$  — блочная диагональная матрица векторов, соединяющих начала соответствующих систем координат звеньев-отцов с точками, через которые проходят равнодействующие внешних сил, приложенных к звеньям.

# Параметры исполнительного механизма «Робота-собаки»

Для записи параметров исполнительного механизма робота воспользуемся широко применяемой в робототехнике системой координат Денавита-Хартенберга (Д-Х) [9—11].

Значения параметров основных и вспомогательных систем координат представлены в табл. 1 и 2.

Параметры Денавита-Хартенберга основных систем координат робота

- •										
Номер СК	<b>θ, ра</b> д	<i>d</i> , м	а, м	а, рад						
1	0	0	0	0						
2	0	0	0	0						

льного	Номер СК	θ, p
обаки»	6,2	0
олнительного	6,3	π/
и широко при- темой коорди-	6,4	π/
[9—11]. ых и вспомога- редставлены	В табл. нат центр звеньев.	3и4 оовм
Таблица 1 ювных систем	K	оордина

Ө, рад	<i>d</i> , м	а, м	α, рад
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	π/2
π/2	-0,17	0	π/2
3π/2	0	0	3π/2
π/2	0,35	0	3π/2
3π/2	0	0,35	0
π/2	0,17	0	π/2
3π/2	0	0	3π/2
π/2	0,35	0	3π/2
3π/2	0	0,35	0
0	-0,17	0	π/2
3π/2	0	0	3π/2
π/2	0,35	0	3π/2
3π/2	0	0,35	0
0	0,17	0	π/2
3π/2	0	0	3π/2
π/2	0,35	0	3π/2
3π/2	0	0,35	0
	θ, рад0000 $\pi/2$ $3\pi/2$ $\pi/2$ $3\pi/2$ $\pi/2$ $3\pi/2$ $0$ $3\pi/2$ $\pi/2$ $3\pi/2$ $0$ $3\pi/2$ $0$ $3\pi/2$ $0$ $3\pi/2$ $3\pi/2$ $3\pi/2$ $3\pi/2$	$\theta$ , рад $d$ , м0000000000 $\pi/2$ -0,17 $3\pi/2$ 0 $\pi/2$ 0,35 $3\pi/2$ 0 $\pi/2$ 0,17 $3\pi/2$ 0 $\pi/2$ 0,35 $3\pi/2$ 0 $0$ -0,17 $3\pi/2$ 0 $\pi/2$ 0,35 $3\pi/2$ 0 $0$ 0,17 $3\pi/2$ 0 $\pi/2$ 0,35 $3\pi/2$ 0 $\pi/2$ 0,35 $3\pi/2$ 0 $\pi/2$ 0,35 $3\pi/2$ 0	$\theta$ , рад $d$ , M $a$ , M000000000000000 $\pi/2$ $-0,17$ 0 $3\pi/2$ 00 $\pi/2$ 0,350 $3\pi/2$ 00,35 $\pi/2$ 0,170 $3\pi/2$ 00,35 $3\pi/2$ 00,350 $-0,17$ 0 $3\pi/2$ 00,3500,350 $3\pi/2$ 00,3500,170 $3\pi/2$ 00

Таблица 2

Параметры Денавита-Хартенберга вспомогательных систем координат робота

Номер СК	<b>θ, ра</b> д	<i>d</i> , м	а, м	а <b>, ра</b> д
6,2	0	0	0	0
6,3	π/2	0	-1,0	0
6,4	π/2	0	-1,0	0

В табл. 3 и 4 представлены значения координат центров масс, массы и моменты инерции звеньев.

Таблица З

Координаты центров масс звеньев робота

Номер звена	Хс, м	<i>Yc</i> , м	<i>Zc</i> , м
1	0	0	0
2	0	0	0
3	0	0	0

Номер звена	Хс, м	<i>Yc</i> , м	<i>Zc</i> , м
4	0	0	0
5	0	0	0
6	0	0	-0,5
7	0	0	-0,085
8	0,175	0	0
9	0.	0	0,175
10	0,175	0	0
11	0	0	0,085
12	0,175	0	0
13	0.	0	0,175
14	0,175	0	0
15	0	0	-0,085
16	0,175	0	0
17	0.	0	0,175
18	0,175	0	0
19	0	0	0,085
20	0,175	0	0
21	0.	0	0,175
22	0,175	0	0

Окончание табл. 3

Таблица 4

 $D_{22 \times 22} =$ 

																						_	
	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
	1	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
	1	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
	1	1	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
	1	1	1	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
_	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	
	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	
	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	0	0	0	0	0	0	
	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	1	0	0	0	0	0	
	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	1	1	0	0	0	0	
	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	
	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	0	0	
	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	1	0	
	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	1	1	

### Программные средства для исследования исполнительного механизма «Робота-собаки»

Моделирование проводилось в среде Matlab с помощью специально разработанного набора процедур, записанных в виде m-файлов. Достоинством этого набора процедур является то, что он применим для исследования древовидных исполнительных механизмов роботов с произвольной KC.

Особенность конкретной КС отражается в содержании пускового файла, где находится информация о параметрах Денавита-Хантенберга, массах, моментах инерции координат центров масс и др.

Задачей моделирования исполнительного механизма «Робота-собаки» являлось вычисление  $\tau$  — вектор-столбца сил или моментов, развиваемых приводами робота, а также вычисление элементов матриц A(q),  $B(q,\dot{q})$ , C(q) и H(q), входящих в уравнения динамики робота.

Массы	И	моменты	инершии	звеньев	робота

Номер звена	<i>J</i> х, кг/м <sup>2</sup>	<i>Ју</i> , кг/м <sup>2</sup>	<i>J</i> z, кг/м <sup>2</sup>	т, кг
1	0	0	0	0
2	0	0	0	0
3	0	0	0	0
4	0	0	0	0
5	0	0	0	0
6	7,5	7,5	0	30
7, 11, 15, 19	0,01445	0,01445	0	2
8, 12, 16, 20	0,06125	0,06125	0	2
9, 13, 17, 21	0	0,06125	0,06125	2
10, 14, 18, 22	0,06125	0	0,06125	2

Матрица достижимости для кинематической схемы «Робота-собаки» имеет следующий вид: Матрица A(q) вычислялась в начальном положении робота, а остальные матрицы — при повороте шарниров 7, 11, 15 и 19 на угол 45°.

Полученные численные значения элементов матриц  $A(q) - (22 \times 22), B(q, \dot{q}) - (22x1), C(q) - (22 \times 22)$  и  $H(q) - (22 \times 22)$  могут быть использованы для дальнейшего исследования.

Звенья кинематической схемы робота 7, 8, 9, 10 поочередно нагружались массой от 1 до 10 кг и определялись значения моментов  $M_{7\text{max}}$ [H·м],  $M_{8\text{max}}$  [H·м],  $M_{9\text{max}}$  [H·м],  $M_{10\text{max}}$  [H·м] и эффективной мощности  $N_{7\text{max}}$  [BT],  $N_{8\text{max}}$  [BT],  $N_{9\text{max}}$  [BT],  $N_{10\text{max}}$  [BT] в этих степенях подвижности.

Результаты расчетов представлены в табл. 5.

Программа Matlab также позволяет оценить степени взаимного влияния приводов друг на друга при их совместной работе.

#### Выводы

При выборе кинематических структур шагающих роботов целесообразно использовать их биологические прототипы.

Предложенные КС, уравнения динамики исполнительного механизма «Робота — собаки» и программы моделирования позволяют вычислить моменты и мощности в степенях подвижности робота, а также значения элементов матриц A(q),  $B(q,\dot{q})$ , C(q) и H(q), входящих в уравнение динамики.

#### Литература

1. Белецкий В.В. Двуногая ходьба. М.: Наука, 1984. 287 с.

2. Вукобратович М. Шагающие роботы и антропоморфные механизмы. М.: Мир, 1976. 541 с.

3. Охоцимский Д.Е., Голубев Ю.Ф. Механика и управление движением автоматического шагающего аппарата. М.: Наука, 1984. 312 с.

4. http://ru.wikipedia.org/wini/BigDog.

5. http://rnd.cnews.ru/tech/news/line/index.

6. Семенов С.Е., Ковальчук А.К., Кулаков Д.Б. Математическое моделирование механизмов с древовидной кинематической структурой // Наука и образование. Электронное научно-техническое издание. 2010. № 2. С. 34—41.

7. Ковальчук А.К., Кулаков Д.Б., Семенов С.Е. Блочно-матричные уравнения движения исполнительных механизмов роботов с древовидной кинематической структурой // Изв. вузов. Машиностроение. 2008. № 12. С. 5–21.

8. Ковальчук А.К., Кулаков Д.Б., Семенов С.Е. Управление исполнительными системами двуногих шагающих роботов. Теория и алгоритмы / Под ред. А.К.Ковальчука // Двуногие шагающие роботы. М.: Изд-во МГОУ, 2007. 160 с.

9. Зенкевич С.Л., Ющенко А.С. Основы управления манипуляционными роботами. М.: Изд-во МГТУ им. Н.Э.Баумана, 2004. 480 с.

10. Медведев В.С., Лесков А.Г., Ющенко А.С. Системы управления манипуляционных роботов. М.: Наука, 1978. 416 с.

11. Попов Е.П., Верещагин А.Ф., Зенкевич С.Л. Манипуляционные роботы: динамика и алгоритмы. М.: Наука, 1978. 416 с.

Статья поступила 30.06.2011 г.

Таблица 5

М, кг	<i>М</i> <sub>7</sub> , Н∙м	<i>N</i> <sub>7</sub> , Вт	<i>М</i> <sub>8</sub> , Н∙м	N <sub>8</sub> , Вт	М9, Н∙м	<i>N</i> 9, Вт	<i>М</i> <sub>10</sub> , Н∙м	N <sub>10</sub> , Вт
0	-31,743	-45,791	31,631	-47,179	-0,71218	-0,87861	10,301	25,415
1	-43,294	-62,871	43,182	-64,327	-0,71218	-0,87861	15,451	38,123
2	-54,845	-79,951	54,733	-81,475	-0,71218	-0,87861	20,601	50,831
3	-66,396	-97,031	66,284	-98,623	-0,71218	-0,87861	25,751	63,539
4	-77,948	—114,11	77,836	—115,77	-0,71218	-0,87861	30,901	76,246
5	-89,499	-131,19	89,387	-132,92	-0,71218	-0,87861	36,052	88,954
6	-101,05	-148,27	100,94	-150,07	-0,71218	-0,87861	41,202	101,66
7	—112,6	-165,35	112,49	-167,22	-0,71218	-0,87861	46,352	114,37
8	-124,15	-182,49	124,04	-184,36	-0,71218	-0,87861	51,502	127,08
9	-135,7	-199,64	135,59	-201,51	-0,71218	-0,87861	56,653	139,79
10	-147,25	-216,78	147,14	-218,66	-0,71218	-0,87861	61,803	152,49

Моменты и мощности при раздельной работе приводов