

11. Аистов И.П., Смирнов В.Д., Штриплинг Л.О. Анализ причин возникновения дефекта «Падение оборотов двигателя» для шестеренных насосов авиационного назначения // Известия ВУЗов. Машиностроение. – 2004. – № 11. – С. 25-28.
12. Аистов И.П. Определение радиальных нагрузок на подшипниковые опоры шестеренных насосов // Известия ВУЗов. Машиностроение. – 2005. – № 3. – С. 35-39.
13. Аистов И.П. Обеспечение качества сборки шестеренных насосов. // Сборка в машиностроении, приборостроении. – 2006. – № 1. – С. 42-47.
14. Аистов И.П. Повышение качества сборки шестеренных насосов за счет внедрения кинематического контроля. // Сборка в машиностроении, приборостроении. – 2006. – № 8. – С. 30-32.
15. Аистов, И.П. Диагностическая модель оценки технического состояния шестеренных насосов. // Омский научный вестник. – 2006. – Вып. 1. – С. 101–108.

593.3

РАСЧЕТ НЕСУЩЕЙ СПОСОБНОСТИ И ОЦЕНКА ТЕХНИЧЕСКОГО СОСТОЯНИЯ ТОНКОСТЕННЫХ И ТОЛСТОСТЕННЫХ МНОГОСЛОЙНЫХ ОБОЛОЧЕЧНЫХ КОНСТРУКЦИЙ С УЧЕТОМ ФАКТОРОВ ДЛИТЕЛЬНОЙ ЭКСПЛУАТАЦИИ

Канд. техн. наук, доц. О.Г. ОСЯЕВ, адъюнкт А.В. ОСТАПЕНКО

Получена математическая модель трехмерного напряженно-деформированного состояния несущих конструкций корпусов летательных аппаратов, учитывающая изменения свойств материалов в процессе длительной эксплуатации.

Для оценки технического состояния несущих конструкций, имеющих длительные сроки эксплуатации и определения возможности их дальнейшего использования по назначению, необходимо учитывать влияние вредных факторов на прочностные свойства таких конструкций. К таким факторам относятся: эксплуатационные нагрузки, техногенные катастрофы и аварии, природные катаклизмы и состояние воздушной среды. К числу неблагоприятных относится так же фактор старения материалов конструкции.

Влияние указанных факторов на состояние силовых конструкций сводится к накоплению повреждений, к изменению физико-механических, теплофизических характеристик материалов и параметров напряженно-деформированного состояния элементов конструкции.

В качестве несущих конструкций в технике все чаще используются тонкостенные оболочки сложной геометрии из металлов и композиционных материалов. При этом последние наиболее перспективны, поскольку отличаются высокими прочностными характеристиками при малом удельном весе. Особенность конструкций из композитов состоит в их многослойности, неоднородности и анизотропии свойств применяемых конструкционных материалов. Эти особенности учитываются в рассматриваемой математической модели.

Эксплуатационные нагрузки представляются в виде вектора распределений на внутренней и наружной поверхностях полей температур, напряжений и деформаций, обусловленных действием внешних статических или динамических сил и тепловых источников

$$\bar{\sigma}^{\pm} = \left\{ \sigma_{13}^{\pm}, \sigma_{23}^{\pm}, \sigma_{33}^{\pm}, u_1^{\pm}, u_2^{\pm}, u_3^{\pm} \right\}.$$

Модель позволяет численными методами определять значения параметров трехмерного напряженно-деформированного состояния (НДС) силовых конструкций из неоднородных материалов с переменными физико-механическими свойствами при воздействии факторов внешней среды. В качестве исходных уравнений для расчета НДС многослойной оболочки принимаются трехмерные уравнения движения, соотношения Коши для деформаций и закона Гука, полученные из известных нелинейных уравнений [1] при допущении, что деформации ε_{13} , ε_{23} , ε_{33} являются линейными функциями перемещений.

Из исходной линейной системы уравнений получаем линеаризованную систему уравнений, разрешенную относительно шести функций параметров НДС

$$\bar{\sigma} = \left\{ \sigma_{13}, \sigma_{23}, \sigma_{33}, u_1, u_2, u_3 \right\}$$

и характеризующую поведение предварительно нагруженной цилиндрической оболочки, находящейся в отклоненном состоянии в результате термосилового нагружения. Поскольку полученные уравнения, описывающие дополнительное напряженно-деформированное состояние предварительно нагруженных оболочек, имеют такую же структуру как и уравнения без предварительного нагружения [2], то для их решения используются одинаковые методы.

Рассмотрим многослойную оболочку, отнесенную к криволинейной ортогональной системе координат x_1, x_2, x_3 . Для каждого слоя оболочки считаем справедливыми уравнения движения:

$$\begin{aligned} & \frac{\partial}{\partial x_1} [\sigma_{11} (1 + e_{11}) H_2 H_3] + \sigma_{11} \left(\frac{1}{2} e_{12} + \omega_3 \right) \frac{\partial H_1}{\partial x_2} H_3 + \sigma_{11} \left(\frac{1}{2} e_{13} - \omega_2 \right) \frac{\partial H_1}{\partial x_3} H_2 + \frac{\partial}{\partial x_2} \left[\sigma_{22} \left(\frac{1}{2} e_{12} - \omega_3 \right) H_1 H_3 \right] - \\ & - \sigma_{22} (1 + e_{22}) \frac{\partial H_2}{\partial x_1} H_3 + \frac{\partial}{\partial x_1} \left[\sigma_{12} \left(\frac{1}{2} e_{12} - \omega_3 \right) H_2 H_3 \right] + \frac{\partial}{\partial x_2} [\sigma_{12} (1 + e_{11}) H_1 H_3] + \sigma_{12} (1 + e_{22}) \frac{\partial H_2}{\partial x_1} H_3 - \\ & - \sigma_{12} \left(\frac{1}{2} e_{12} + \omega_3 \right) \frac{\partial H_1}{\partial x_2} H_3 + \sigma_{12} \left(\frac{1}{2} e_{23} + \omega_1 \right) \frac{\partial H_1}{\partial x_3} H_2 + \frac{\partial}{\partial x_3} (\sigma_{13} H_1 H_2) + \sigma_{13} \frac{\partial H_1}{\partial x_3} H_2 - \sigma_{33} \frac{\partial H_3}{\partial x_1} H_2 + \\ & + \left(F_1 - \rho \frac{\partial^2 U_1}{\partial t^2} \right) H_1 H_2 H_3 = 0 \end{aligned} \quad (1)$$

$$\begin{aligned} & \frac{\partial}{\partial x_1} \left[\sigma_{11} \left(\frac{1}{2} e_{11} - \omega_2 \right) H_2 H_3 \right] - \sigma_{11} (1 + e_{11}) \frac{\partial H_1}{\partial x_1} H_2 + \frac{\partial}{\partial x_2} \left[\sigma_{22} \left(\frac{1}{2} e_{23} + \omega_1 \right) H_1 H_3 \right] - \sigma_{22} (1 + e_{22}) \frac{\partial H_2}{\partial x_3} H_1 + \\ & \frac{\partial}{\partial x_1} \left[\sigma_{12} \left(\frac{1}{2} e_{23} - \omega_1 \right) H_2 H_3 \right] + \frac{\partial}{\partial x_2} \left[\sigma_{12} \left(\frac{1}{2} e_{13} - \omega_2 \right) H_1 H_3 \right] - \sigma_{12} \left(\frac{1}{2} e_{12} - \omega_3 \right) \frac{\partial H_1}{\partial x_3} H_2 - \sigma_{12} \left(\frac{1}{2} e_{12} + \omega_3 \right) \frac{\partial H_2}{\partial x_3} H_1 + \\ & \frac{\partial}{\partial x_1} (\sigma_{13} H_2 H_3) + \sigma_{13} \frac{\partial H_3}{\partial x_1} H_2 + \frac{\partial}{\partial x_2} (\sigma_{23} H_1 H_3) + \sigma_{23} \frac{\partial H_3}{\partial x_2} H_1 + \left(F_3 - \rho \frac{\partial^2 U_3}{\partial t^2} \right) H_1 H_2 H_3 = 0 ; \end{aligned}$$

— соотношения для деформации:

$$\begin{aligned} \varepsilon_{11} &= e_{11} + \frac{1}{2} \left[e_{11}^2 + \left(\frac{1}{2} e_{12} + \omega_3 \right)^2 + \left(\frac{1}{2} e_{13} + \omega_2 \right)^2 \right]; \\ \varepsilon_{12} &= e_{12} + e_{11} \left(\frac{1}{2} e_{12} + \omega_3 \right) + e_{22} \left(\frac{1}{2} e_{12} + \omega_3 \right) + \left(\frac{1}{2} e_{13} + \omega_2 \right) \left(\frac{1}{2} e_{23} + \omega_1 \right); \\ \varepsilon_{33} &= e_{33} ; \varepsilon_{13} = e_{13} ; \varepsilon_{23} = e_{23}, \end{aligned} \quad (2)$$

где

$$\begin{aligned} e_{11} &= \frac{1}{H_1} \frac{\partial u_3}{\partial x_1} + \frac{1}{H_1 H_2} \frac{\partial H_1}{\partial x_2} u_2 + \frac{1}{H_1 H_3} \frac{\partial H_1}{\partial x_3} u_3, \\ 2\omega_1 &= \frac{1}{H_1 H_3} \left[\frac{\partial}{\partial x_2} (H_3 u_3) - \frac{\partial}{\partial x_3} (H_3 u_2) \right]; \end{aligned} \quad (3)$$

— выражения закона Гука (слои являются ортотропными):

$$\begin{aligned} \varepsilon_{11} &= \alpha_{11} \sigma_{11} + \alpha_{12} \sigma_{22} + \alpha_{13} \sigma_{33} + \alpha_{16} \sigma_{12}; \\ \varepsilon_{12} &= \alpha_{16} \sigma_{11} + \alpha_{26} \sigma_{22} + \alpha_{36} \sigma_{33} + \alpha_{66} \sigma_{12}; \\ \varepsilon_{13} &= \alpha_{45} \sigma_{23} + \alpha_{56} \sigma_{13} \end{aligned} \quad (4)$$

Систему уравнений (1) - (4) дополним: условиями на граничных поверхностях оболочки при $x_1 = x_1^*$:

$$\begin{aligned} \sigma_{11} (1 + e_{11}) + \sigma_{12} \left(\frac{1}{2} e_{12} + \omega_3 \right) &= \sigma_{11}^*; \\ \sigma_{11} \left(\frac{1}{2} e_{12} + \omega_3 \right) + \sigma_{12} (1 + e_{22}) &= \sigma_{12}^* \end{aligned} \quad (5)$$

$$\sigma_{11} \left(\frac{1}{2} \varepsilon_{13} + \omega_2 \right) + \sigma_{12} \left(\frac{1}{2} \varepsilon_{23} + \omega_1 \right) + \sigma_{13} = \sigma_{13}^*;$$

$$u_1 = u_1^*, u_2 = u_2^*, u_3 = u_3^*$$

и при $x_3 = x_3^\pm$;

$$\sigma_{13} = \sigma_{13}^\pm; \sigma_{23} = \sigma_{23}^\pm; \sigma_{33} = \sigma_{33}^\pm; u_1 = u_1^\pm; u_2 = u_2^\pm; u_3 = u_3^\pm;$$

условиями идеального механического контакта слоев при $x_3 = x_{3,l}$:

$$\sigma_{13,l} = \sigma_{13,l+1}; \sigma_{23,l} = \sigma_{23,l+1}; \sigma_{13,l} = \sigma_{33,l+1};$$

$$u_{13,l} = u_{13,l+1}; u_{2,l} = \sigma_{2,l+1}; u_{3,l} = \sigma_{3,l+1};$$

(6)

а также начальными условиями:

$$u_1 = u_1 \Big|_{t=0} \quad \frac{\partial u_1}{\partial t_1} = \frac{\partial u_1}{\partial t_1} \Big|_{t=0} \quad (7)$$

В (1)–(7):

$(\sigma_{11}, \dots, \sigma_{33})$, $(\varepsilon_{11}, \dots, \varepsilon_{33})$, (u_1, u_2, u_3) , (F_1, F_2, F_3) , $(\alpha_{11}, \dots, \alpha_{66})$, ρ – соответственно,

напряжения, деформации, перемещения, объемные нагрузки, коэффициенты податливости, плотность, H_1, H_2, H_3 – коэффициенты Ляме.

Уравнения (1)–(3), (5) получены из известных нелинейных уравнений [1] при допущении о том, что деформации $\varepsilon_{13}, \varepsilon_{23}, \varepsilon_{33}$ являются линейными функциями перемещений.

Считаем, что оболочка имеет предварительное НДС, возникающее под действием статических нагрузок. В результате приложения дополнительных импульсных нагрузок, тепловых потоков оболочка поучает отклонение от предварительного напряженно-деформированного состояния. Полное НДС оболочки представим в виде

$$X_\Sigma = X_0 + X(t),$$

$$X = \left\{ (\sigma_{11}, \sigma_{12}, \sigma_{13}, \sigma_{22}, \sigma_{23}, \sigma_{33}), (\varepsilon_{11}, \varepsilon_{12}, \varepsilon_{13}, \varepsilon_{22}, \varepsilon_{23}, \varepsilon_{33}), (u_1, u_2, u_3) \right\}, \quad (8)$$

где X_0 — вектор компонент предварительного НДС; $X(t)$ — вектор компонент дополнительного НДС, возникающего при отклонении от предварительного состояния в результате действия импульсных нагрузок и тепловых потоков.

Подставив (8) в (1)–(7) и вычитая из полученных выражений для суммарного НДС уравнения, описывающие предварительное напряженно-деформированное состояние и, следовательно, тождественно удовлетворяющиеся, получим соотношения, описывающие поведение оболочки в отклоненном состоянии. В отклоненных состояниях, достаточно близких к предварительному, дополнительные перемещения, деформации, напряжения в оболочке малы, поэтому нелинейными слагаемыми можно пренебречь и ограничиться линейными.

Полагая, кроме того, перемещения и деформации оболочки в предварительном состоянии равными нулю и разрешив полученную систему уравнений относительно шести функций

$$\bar{\sigma} = \left\{ \sigma_{13}, \sigma_{23}, \sigma_{33}, u_1, u_2, u_3 \right\}, \text{ используя преобразования, приведенные в [2], при-}$$

ходим для каждого слоя оболочки к системе уравнений:

$$\begin{aligned} \frac{\partial \sigma_{13}}{\partial x_3} = & L_1 - \frac{1}{H_1 H_2} \frac{\partial}{\partial x_1} \left[\frac{H_2}{H_1} \sigma_{11,0} \left(\frac{\partial u_1}{\partial x_1} + \frac{1}{H_2} \frac{\partial H_1}{\partial x_2} u_2 + \frac{\partial H_1}{\partial x_3} u_3 \right) \right] - \frac{1}{H_1^2 H_2} \frac{\partial H_1}{\partial x_2} \sigma_{22,0} \left(-\frac{1}{H_2} + \frac{\partial H_1}{\partial x_2} u_1 + \frac{\partial u_2}{\partial x_1} \right) - \\ & - \frac{1}{H_1^2} \frac{\partial H_1}{\partial x_3} \sigma_{11,0} \left(-\frac{\partial H_1}{\partial x_3} u_1 + \frac{\partial u_3}{\partial x_1} \right) + \frac{1}{H_1^2 H_2} \frac{\partial H_2}{\partial x_1} \sigma_{11,0} \left(\frac{\partial u_2}{\partial x_2} + \frac{1}{H_1} \frac{\partial H_2}{\partial x_1} u_1 + \frac{\partial H_2}{\partial x_3} \right) - \\ & - \frac{1}{H_1 H_2} \frac{\partial}{\partial x_2} \left[\sigma_{12,0} \left(\frac{\partial u_2}{\partial x_1} + \frac{1}{H_2} \frac{\partial H_1}{\partial x_2} u_2 + \frac{\partial H_1}{\partial x_3} u_3 \right) \right] + \frac{1}{H_1^2 H_2} \frac{\partial H_2}{\partial x_1} \sigma_{12,0} \left(-\frac{1}{H_2} \frac{\partial H_1}{\partial x_2} u_1 + \frac{\partial u_2}{\partial x_1} \right) - \\ & - \frac{1}{H_1 H_2^2} \frac{\partial H_1}{\partial x_2} \sigma_{12,0} \left(\frac{\partial u_2}{\partial x_1} + \frac{1}{H_1} \frac{\partial H_2}{\partial x_1} u_1 + \frac{\partial H_2}{\partial x_3} u_3 \right) + \frac{2}{H_1 H_2} \frac{\partial H_1}{\partial x_3} \sigma_{12,0} \left(-\frac{\partial H_2}{\partial x_3} u_3 + \frac{\partial u_3}{\partial x_2} \right); \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \frac{\partial \sigma_{33}}{\partial x_3} = & L_3 - \frac{1}{H_1^2} \frac{\partial H_1}{\partial x_3} \sigma_{11,0} \left(\frac{\partial u_1}{\partial x_1} + \frac{1}{H_2} \frac{\partial H_1}{\partial x_2} u_2 + \frac{\partial H_1}{\partial x_3} u_3 \right) - \frac{1}{H_1 H_2} \frac{\partial}{\partial x_1} \left[\frac{H_2}{H_1} \sigma_{11,0} \left(-\frac{\partial H_1}{\partial x_3} u_1 + \frac{\partial u_3}{\partial x_1} \right) \right] + \\ & + \frac{1}{H_2^2} \frac{\partial H_2}{\partial x_3} \sigma_{22,0} \left(\frac{\partial u_2}{\partial x_2} + \frac{1}{H_2} \frac{\partial H_2}{\partial x_1} u_1 + \frac{\partial H_2}{\partial x_3} u_3 \right) - \frac{1}{H_1 H_2} \frac{\partial}{\partial x_2} \left[\frac{H_1}{H_2} \sigma_{22,0} \left(-\frac{\partial H_2}{\partial x_3} u_2 + \frac{\partial u_3}{\partial x_2} \right) \right] + \\ & + \frac{1}{H_1 H_2} \frac{\partial H_1}{\partial x_3} \sigma_{12,0} \left(\frac{\partial u_1}{\partial x_2} - \frac{1}{H_1} \frac{\partial H_2}{\partial x_1} u_2 \right) + \frac{1}{H_1 H_2} \frac{\partial H_2}{\partial x_3} \sigma_{12,0} \left(-\frac{1}{H_2} \frac{\partial H_1}{\partial x_2} u_1 + \frac{\partial u_2}{\partial x_1} \right) - \\ & - \frac{1}{H_1 H_2} \frac{\partial}{\partial x_1} \left[\sigma_{12,0} \left(-\frac{\partial H_2}{\partial x_3} u_2 + \frac{\partial u_3}{\partial x_2} \right) \right] - \frac{1}{H_1 H_2} \frac{\partial}{\partial x_2} \left[\sigma_{12,0} \frac{1}{H_1} \left(-\frac{\partial H_1}{\partial x_3} u_3 + \frac{\partial u_3}{\partial x_1} \right) \right]; \end{aligned}$$

$$\frac{\partial u_1}{\partial x_3} = L_4; \quad \frac{\partial u_2}{\partial x_3} = L_5; \quad \frac{\partial u_3}{\partial x_3} = L_6. \quad (9)$$

Здесь $L_i (i = 1 \div 6)$ — комплексы, имеющие вид правых частей в системе уравнений (4) [3]; $\sigma_{11,0}, \sigma_{12,0}, \sigma_{22,0}$ — напряжения в оболочке, вызванные ее предварительным нагружением.

Напряжения $\sigma_{11}, \sigma_{12}, \sigma_{22}$ определяются с использованием соотношений Коши и закона Гука:

$$\begin{aligned} \sigma_{22} = & \Delta_{1,11} \frac{\partial u_1}{\partial x_1} + \Delta_{2,11} \frac{1}{x_3} \left(\frac{\partial u_2}{\partial x_2} + u_3 \right) + \sigma_{33} \left(-\alpha_{13} \Delta_{1,11} - \alpha_{23} \Delta_{2,11} \right) + A_{2,11} T; \\ \sigma_{12} = & \Delta_{3,12} \left(\frac{1}{x_3} \frac{\partial u_1}{\partial x_2} + \frac{\partial u_2}{\partial x_1} \right); \end{aligned} \quad (10)$$

$$\sigma_{22} = \Delta_{1,22} \frac{\partial u_1}{\partial x_1} + \Delta_{2,22} \frac{1}{x_3} \left(\frac{\partial u_2}{\partial x_2} + u_3 \right) + \sigma_{33} \left(-\alpha_{13} \Delta_{1,22} - \alpha_{23} \Delta_{2,22} \right) + A_{2,22} T.$$

Коэффициенты при производных в уравнениях (10) определяются физико-механическими параметрами слоев:

$$\Delta_{1,11} = \frac{\alpha_{22}\alpha_{66}}{\Delta}; \quad \Delta_{2,11} = \frac{\alpha_{12}\alpha_{66}}{\Delta}; \quad \Delta_{1,22} = \frac{\alpha_{12}\alpha_{66}}{\Delta}; \quad \Delta_{2,22} = \frac{\alpha_{11}\alpha_{66}}{\Delta}; \quad \Delta_{3,12} = \frac{\alpha_{11}\alpha_{22} - \alpha_{12}^2}{\Delta};$$

$$\Delta = (\alpha_{11}\alpha_{22} - \alpha_{12}^2)\alpha_{66}$$

$$A_{2,11} = -\alpha_{11}\Delta_{1,11} - \alpha_{22}\Delta_{2,11}; \quad A_{2,22} = -\alpha_{11}\Delta_{1,22} - \alpha_{22}\Delta_{2,22}.$$

где

$$\alpha_{11} = \frac{1}{E_{11}}; \quad \alpha_{12} = \frac{\nu_{21}}{E_{22}}; \quad \alpha_{13} = \frac{\nu_{31}}{E_{33}}; \quad \alpha_{23} = -\frac{\nu_{32}}{E_{33}}; \quad \alpha_{33} = \frac{1}{E_{33}}; \quad \alpha_{44} = \frac{1}{G_{23}}; \quad \alpha_{55} = \frac{1}{G_{13}}; \quad \alpha_{66} = \frac{1}{G_{12}}. \tag{11}$$

Полное напряженно-деформированное состояние многослойной оболочки является суммой предварительного и дополнительного, определяемого из решения систем уравнений (9) и (10).

В уравнениях (10)–(11) $(E_{11}, E_{22}, E_{33}), (\alpha_{11}, \alpha_{22}, \alpha_{33})$, соответственно модули упругости, коэффициенты линейного температурного расширения для направлений x_1, x_2, x_3 ; $(G_{12}, G_{13}, G_{23}), (\nu_{12}, \nu_{13}, \nu_{23})$ – модули сдвига и коэффициенты Пуассона.

Для распространенных в практике цилиндрических оболочек силовых конструкций компоненты действующих на оболочку нагрузок, полей температур и функции параметров НДС раскладываются в двойные тригонометрические ряды по продольной и окружной координатам:

$$\begin{aligned} \{u_1, \sigma_{13}, \sigma_{13}^\pm\} &= \sum_{m=1}^{\infty} \sum_{n=0}^{\infty} \{u_{1,mn}, \sigma_{13,mn}, \sigma_{13,mn}^\pm\} \cos \frac{m\pi}{l} x_1 \cos nx_2; \\ \{u_2, \sigma_{23}, \sigma_{23}^\pm\} &= \sum_{m=1}^{\infty} \sum_{n=0}^{\infty} \{u_{2,mn}, \sigma_{23,mn}, \sigma_{23,mn}^\pm\} \sin \frac{m\pi}{l} x_1 \sin nx_2; \\ \{u_3, \sigma_{33}, \sigma_{33}^\pm\} &= \sum_{m=1}^{\infty} \sum_{n=0}^{\infty} \{u_{3,mn}, \sigma_{33,mn}, \sigma_{33,mn}^\pm\} \sin \frac{m\pi}{l} x_1 \cos nx_2. \end{aligned} \tag{12}$$

а производные по времени – в конечные разности

$$\begin{aligned} \frac{\partial^2 \bar{\sigma}}{\partial t^2} &= \frac{2\bar{\sigma}(t_s) - 5\bar{\sigma}(t_{s-1}) + 4\bar{\sigma}(t_{s-2}) - \bar{\sigma}(t_{s-3})}{\tau^2}; \\ \frac{\partial \bar{\sigma}}{\partial t} &= \frac{3\bar{\sigma}(t_s) - 4\bar{\sigma}(t_{s-1}) + \bar{\sigma}(t_{s-2})}{2\tau}; \end{aligned} \tag{13}$$

После подстановки результатов разложения в исходную систему уравнений для расчета полного НДС многослойных оболочек, получаем систему обыкновенных дифференциальных уравнений для пары волновых чисел m и n для каждого шага по времени.

Осуществляя интегрирование полученной системы уравнений с использованием метода дискретной ортогонализации, позволяющего автоматически удовлетворять условиям идеального механического контакта слоев, а также, суммируя тригонометрические ряды разложения напряжений $\sigma_{11}, \sigma_{12}, \sigma_{22}, \sigma_{13}, \sigma_{23}, \sigma_{33}$, получаем решение задачи о трехмерном НДС многослойной оболочки с высокой степенью точности.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Новожилов В.В. Основы нелинейной теории упругости. М.: -Л.: Гостехиздат, 1984. 212 с.
2. Григоренко Я.М., Василенко А.Т., Панкратова Н.Д. Статика анизотропных толстостенных оболочек. Киев.: Вища школа, 1985. 190 с.
3. Бакулин В.Н. Использование уравнений трехмерной теории упругости для решения задач динамики многослойных оболочек. /Известия вузов. Авиационная техника. 1985. № 3. С. 7-12.

621.01

УДЕЛЬНАЯ НАГРУЗОЧНАЯ СПОСОБНОСТЬ КРИТЕРИЙ СРАВНЕНИЯ И ПОДОБИЯ МЕХАНИЧЕСКИХ ПЕРЕДАЧ

Канд. техн. наук, доц. Л.А. АНДРИЕНКО, ассист. А.Н. ПЕТРОВСКИЙ

Мотивируется применение в практике проектирования механических передач универсального критерия удельной нагрузочной способности.

Рассмотрена обобщенная модель механической передачи, которая состоит из двух упругих изотропных рабочих тел вращения, установленных на абсолютно-жестких опорах и взаимодействующих посредством геометрической связи. Критерий удельной нагрузочной способности определен как отношение приводного момента к объему рабочих тел и имеет размерность напряжения МПа. На основе анализа теоретической модели критерий представлен в виде произведения функции допускаемых напряжений и безразмерной функции формы. Раскрыт физический смысл критерия. Это средняя энергия упругой деформации нагруженных рабочих тел, приходящаяся на единицу объема и численно равная условному постоянному напря-